

**INCLUSÃO DO ALGORITMO DE
TRANSFORMAÇÃO DE UM AUTÔMATO
FINITO EM EXPRESSÃO REGULAR NO
AMBIENTE "EDITOR DE AUTÔMATOS
FINITOS"**

Acadêmico: Fernando Rafael Piccini

Orientador: José Roque Voltolini da Silva

Roteiro da Apresentação

- **Introdução**
- **Fundamentação Teórica**
- **Desenvolvimento do Trabalho**
- **Conclusão**

Introdução

- **Editor de Autômatos Finitos (MORASTONI, 2002).**
- **Objetivo principal:**
 - inclusão do algoritmo de transformação de um Autômato Finito (AF) em Expressão Regular (ER) no Editor de Autômatos Finitos.
- **Objetivos específicos:**
 - apresentar uma ER correspondente ao AF desenhado no Editor de Autômatos Finitos (EAF), utilizando o algoritmo de transformação proposto por Silva (2006);
 - apresentar uma tabela de transição correspondente ao AF desenhado na ferramenta EAF;
 - disponibilizar as funções para abrir e salvar a estrutura (grafo) de um AF na ferramenta EAF.

Fundamentação Teórica

- **Expressões Regulares**
- **Autômato Finitos**
- **Equivalências**
- **Algoritmo de transformação de um AF em ER**
- **Protótipo que implementa o algoritmo de transformação de uma ER para um AF (GLATZ, 2000)**

Expressão Regular

- \emptyset = para denotar a linguagem vazia;
- ε = palavra vazia;
- $(x + y)$ = união da linguagem X com a linguagem Y;
- (xy) = concatenação da linguagem X com a linguagem Y;
- (x^*) = fechamento da linguagem X.

Expressão Regular

expressão regular	linguagem denotada
aa	somente a palavra aa
$(aa \mid bb)$	palavra com aa ou bb palavras que iniciam com a ,
$a(b)^*$	concatenado com zero ou mais ocorrências de b
$(a \mid b)^+$	todas as palavras sobre $\{ a, b \}$

Alfabeto composto pelas letras a e b ($\Sigma = \{a, b\}$).

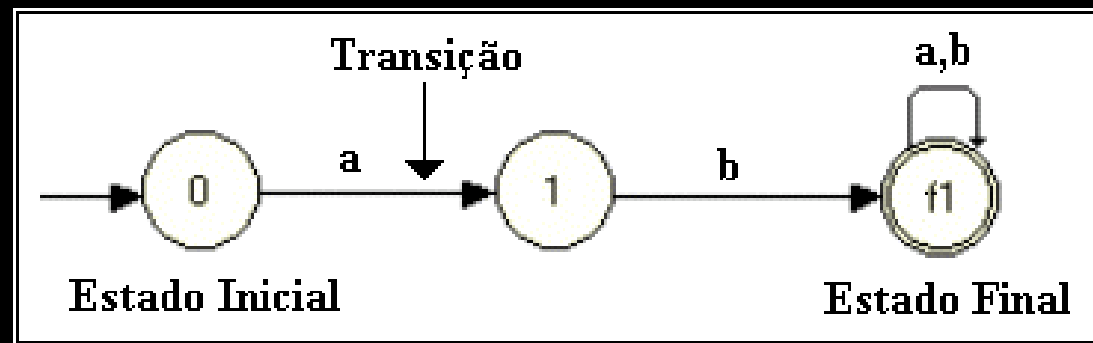
Autômatos Finitos

$M = (\Sigma, Q, \delta, q_0, F)$, onde:

- a) Σ = alfabeto de símbolos de entrada;**
- b) Q = conjunto finito de estados possíveis ;**
- c) δ = função de transição de estados;**
- d) q_0 = estado inicial (elemento de Q);**
- e) F = conjunto de estados finais (F está contido em Q).**

Representação dos Autômatos Finitos

➤ Diagrama de transição



➤ Tabela de transição

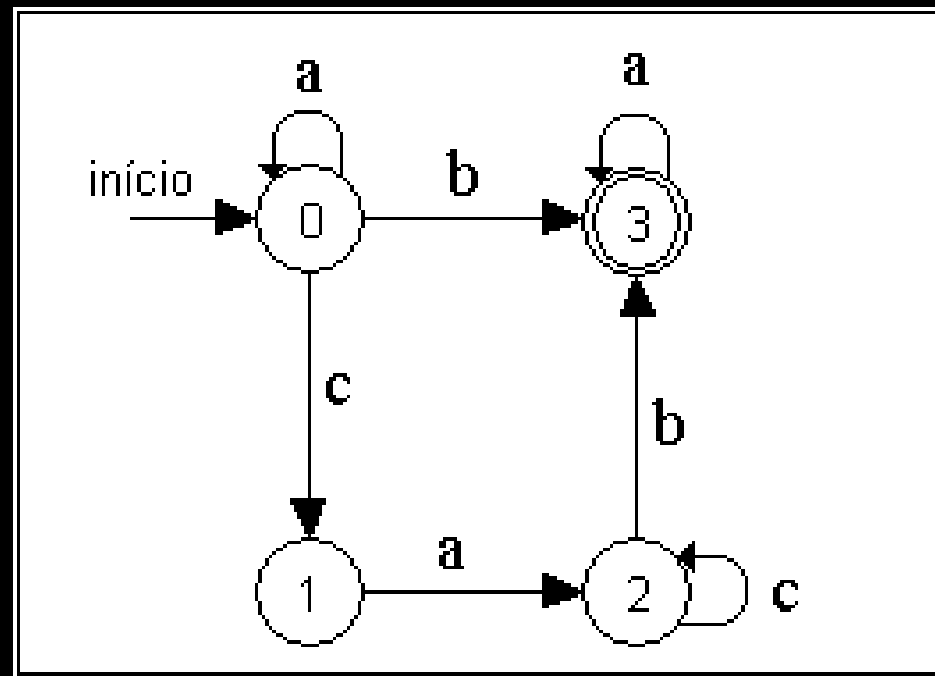
	a	b
→ 0	1	—
1	—	f1
* f1	f1	f1

Classificação dos Autômatos Finitos

- **Autômatos Finitos Determinísticos (AFD)**
- **Autômatos Finitos Não-Determinísticos (AFN)**
- **Autômatos Finitos com Movimento Vazio (ϵ -AFN)**

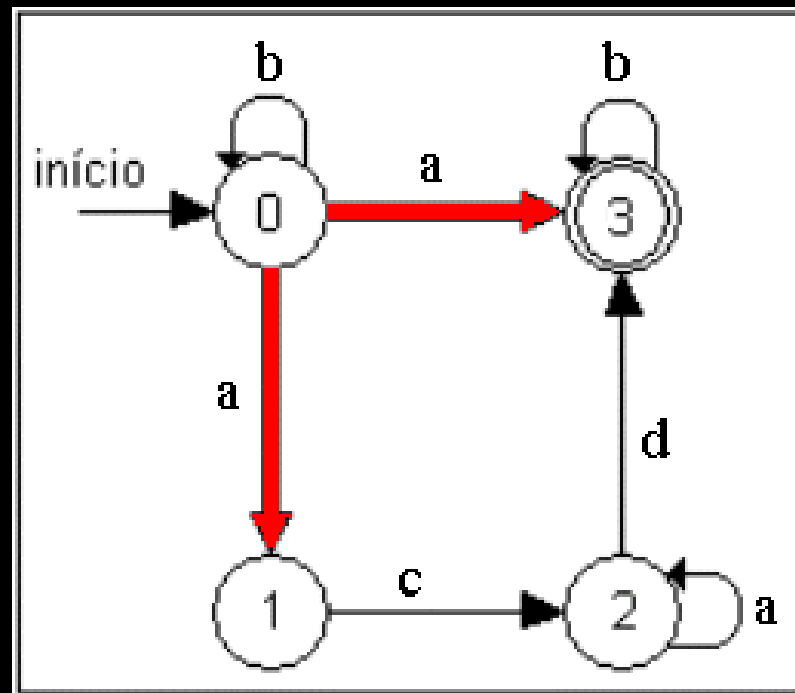
Autômato Finito Determinístico (AFD)

- Ao processar um símbolo da entrada a partir do estado corrente, um AFD pode assumir um único estado.



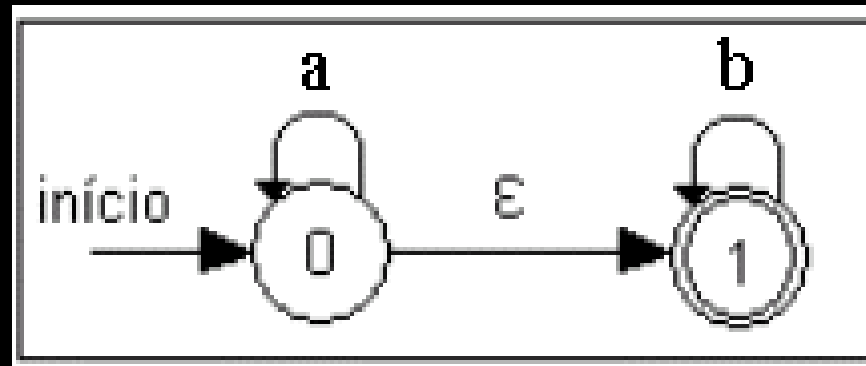
Autômato Finito Não-Determinístico (AFN)

- Ao processar um símbolo de entrada a partir do estado corrente, um AFN pode ter como resultado um conjunto de novos estados.



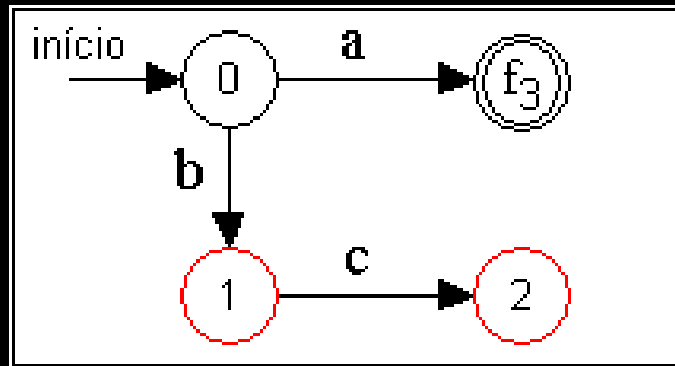
Autômatos Finitos com Movimento Vazio (ϵ -AFN)

- Um movimento vazio é apenas uma transição sem leitura de símbolo algum e pode ser interpretado como um não determinismo.

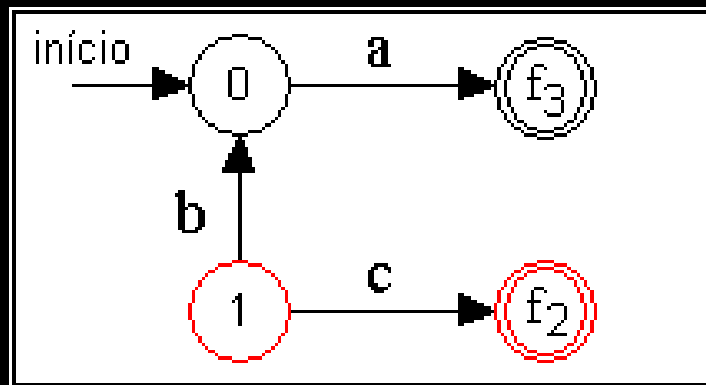


Propriedades dos Autômatos Finitos

➤ Estados mortos

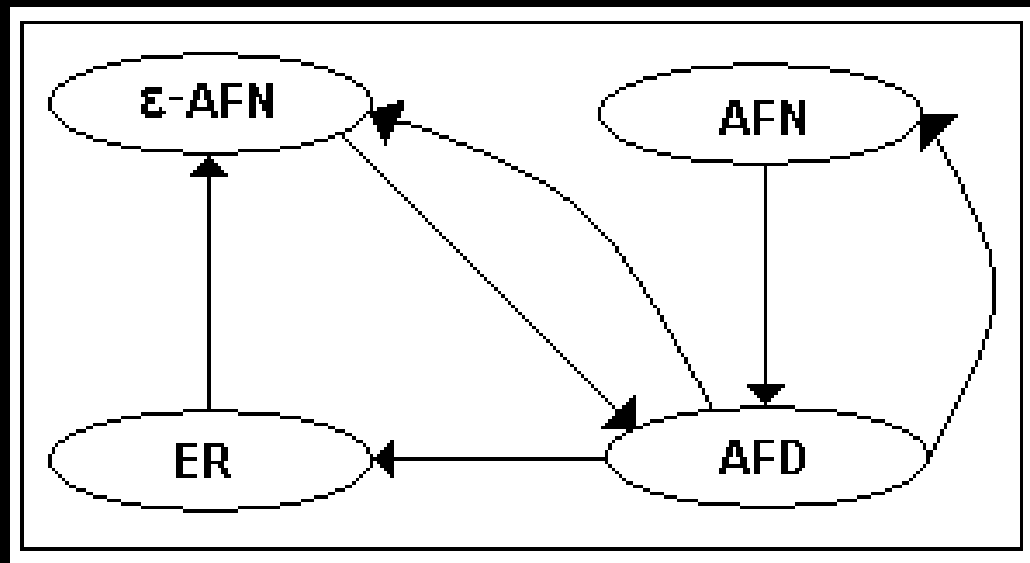


➤ Estados inalcançáveis



Equivalências

- Equivalência entre as quatro notações para linguagens regulares



Fonte: Hopcroft, Ullman e Motwani (2002, p. 98)

Algoritmo de transformação de um AF em uma ER proposto em Silva (2006)

➤ Identificação dos estados (ID)

➤ Novos estados e transições

- Estado inicial
- Estados finais

➤ Processo de transformação

- União
- Concatenação
- Fechamento
- Desdobramento

Algoritmo de transformação de um AF em uma ER proposto em Silva (2006)

Modelo de tabela para efetuar a transformação de um AF em ER

(X) linha excluída	NÓ DE ORIGEM (X)	EXPRESSÃO REGULAR (er)	NÓ DE DESTINO (Y)

Fonte: adaptado de Silva (2006)

Protótipo que implementa o algoritmo de transformação de uma ER para um AF

Protótipo do Algoritmo de SIL2000

Alfabeto:

Expressão Regular:

Expressão Pós-Fixada:

Grafo de Transições:

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	1	^	6
2	1	c	2
3	2	^	3
4	3	^	6

Estado Inicial: Estado Final:

Tabela do "Desmonte"

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	1		6
2	1		6
3	1	^	6
4	1	&	6
5	1	&	6

Autômato Finito Determinístico:

Estados:	a	b	c
1 (Final)	2	0	3
2 (Final)	0	4	4
3 (Final)	5	0	0

Estado Inicial: Estados Finais:

Tela principal do protótipo (Glatz, 2000)

Desenvolvimento do Trabalho

- **Requisitos**
- **Especificação**
- **Implementação**
- **Operacionalidade**

Principais Requisitos

- **permitir abrir e salvar um arquivo contendo a estrutura (grafo) de um AF em arquivo;**
- **possuir um módulo para apresentação de tabela de transição;**
- **gerar uma ER a partir de um AF;**
- **adicionar ao projeto a biblioteca RxLib para aprimoramento da interface.**

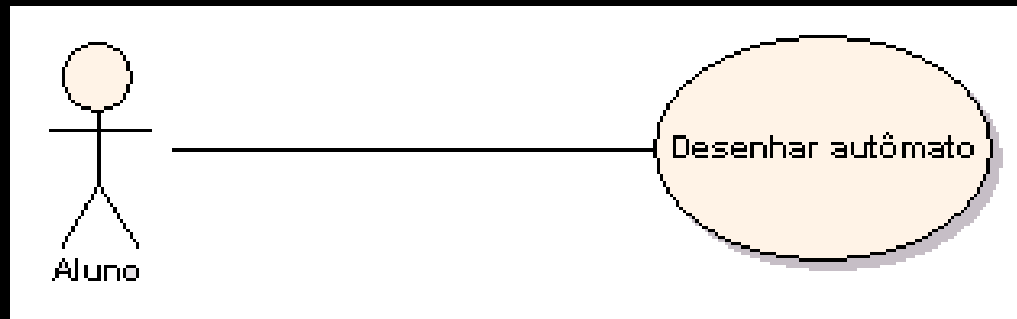
Especificação

- **Orientação a objetos representado através dos:**

- diagramas de casos de uso;
- diagramas de atividades;
- diagrama de classes.

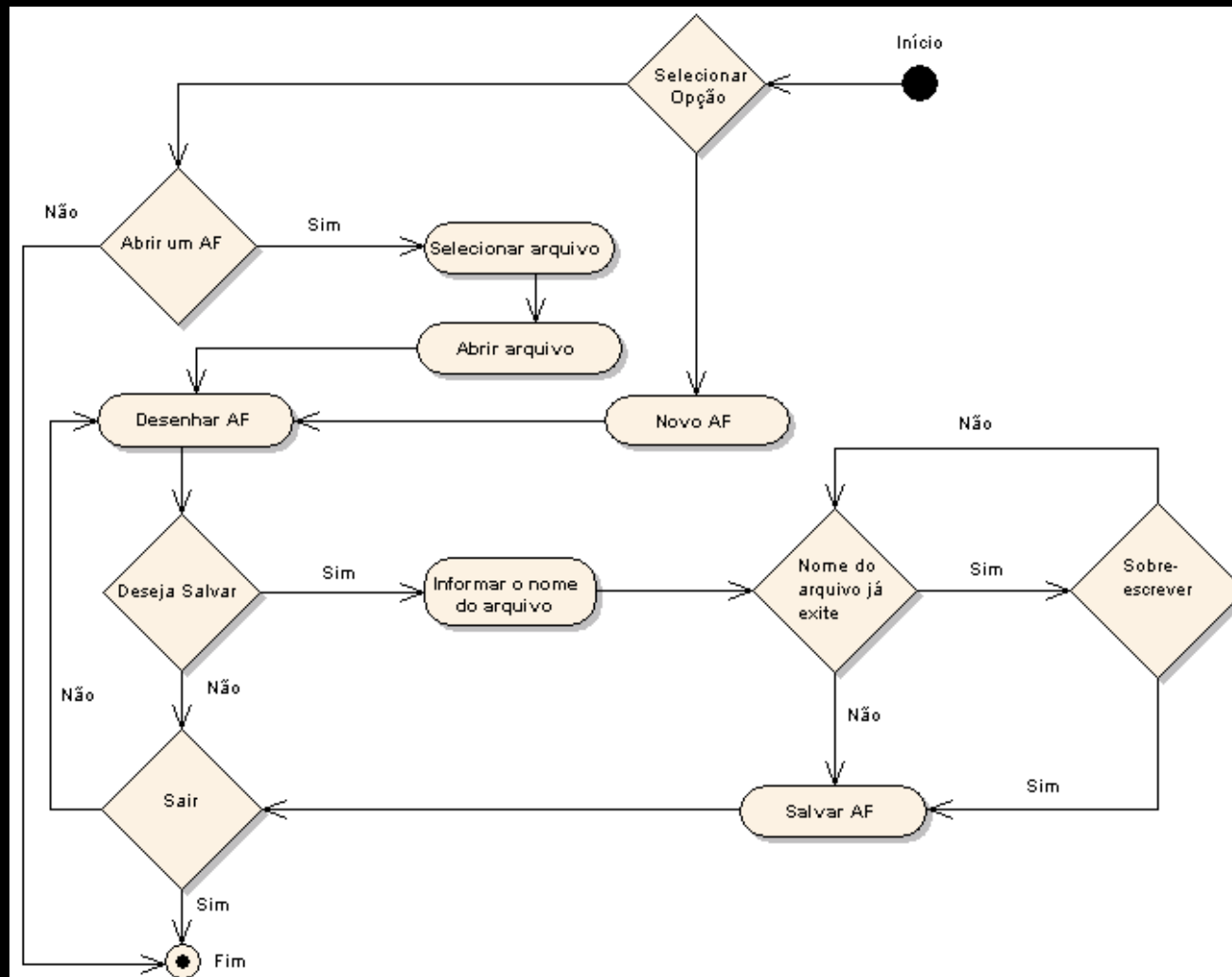
- ***Enterprise Architect***

Caso de Uso: Desenhar AF

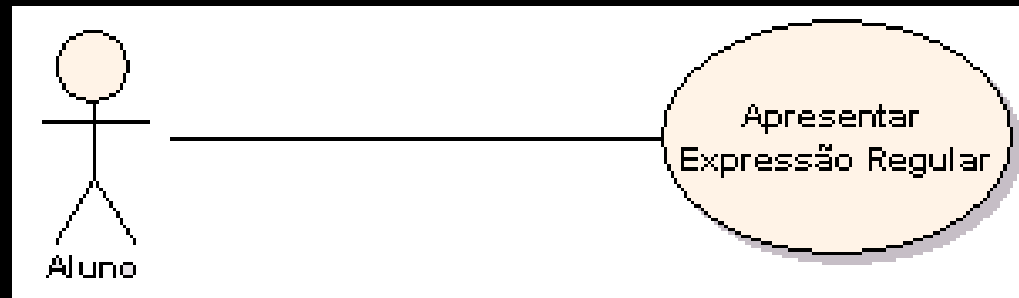


- **Abrir um nova janela de edição no EAF;**
- **Criar estado inicial;**
- **Criar outros estados;**
- **Definir estados finais;**
- **Criar transições entre os estados.**

Diagrama de Atividade: Desenhar AF



Caso de Uso: Apresentar ER



- **Escolher opção “Expressão Regular”;**
- **Ferramenta executa o algoritmo de transformação de um AF para ER;**
- **EAF apresenta uma nova janela com a ER correspondente ao AF desenhado na tela de edição.**

Diagrama de Atividade: Apresentar ER

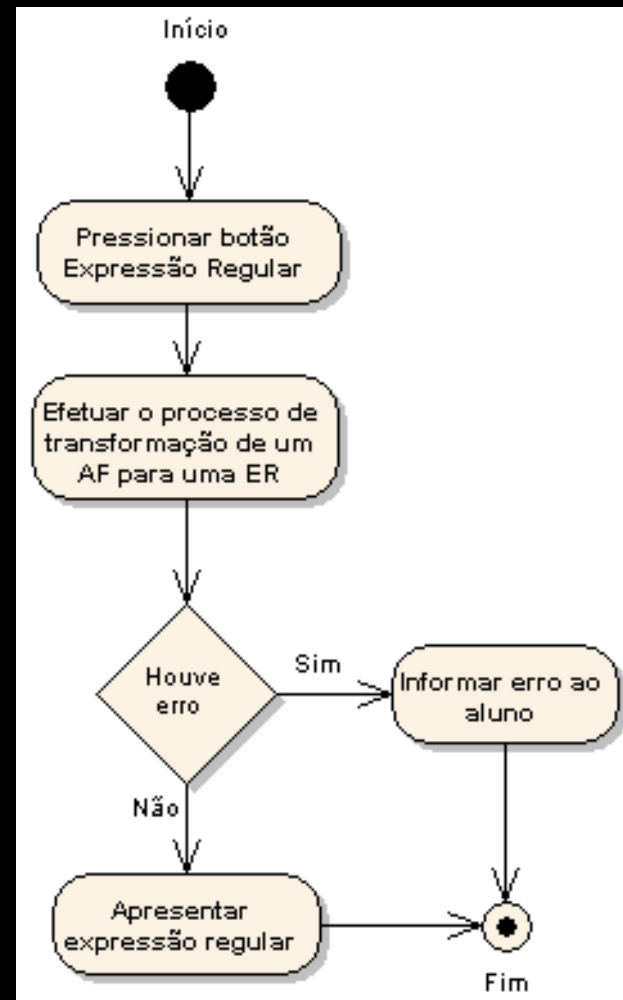
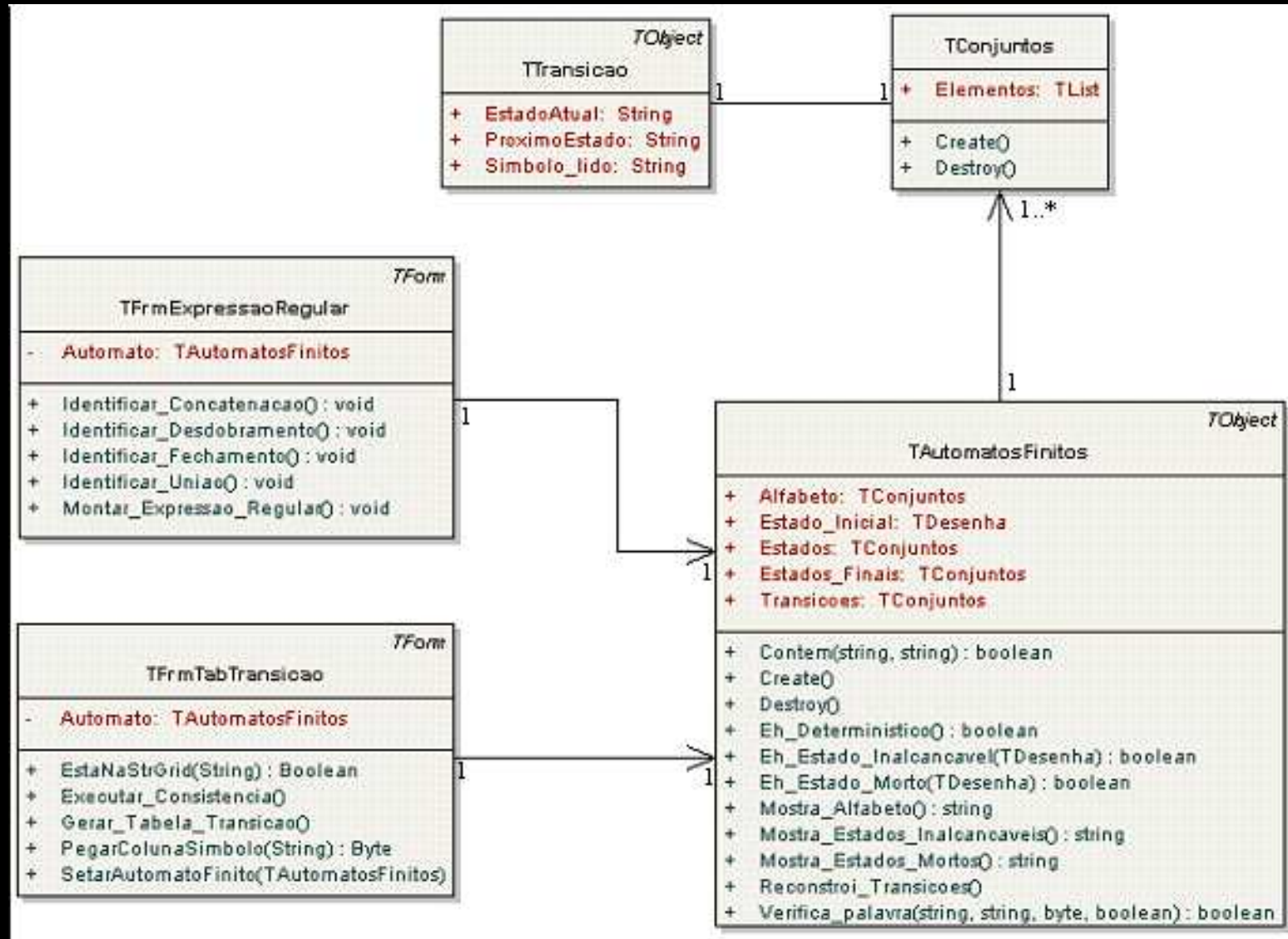


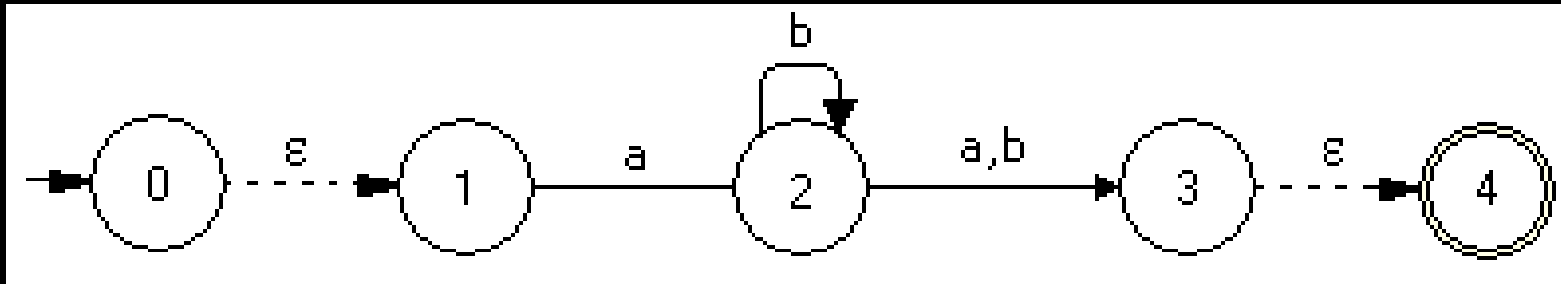
Diagrama de Classe



Implementação

- **Ambiente**
 - Borland Delphi 7
- **Componentes**
 - TDesenha e TDesenhaLinha
- **Biblioteca**
 - RxLib

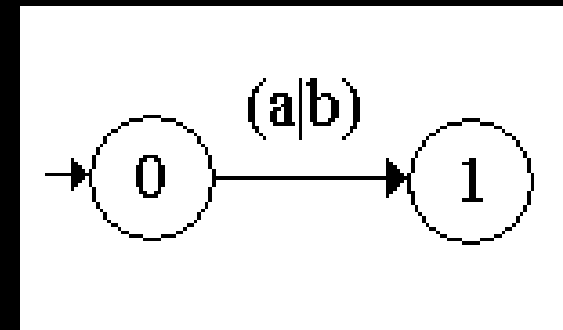
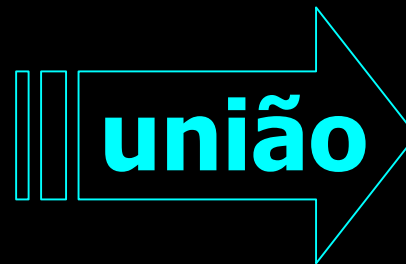
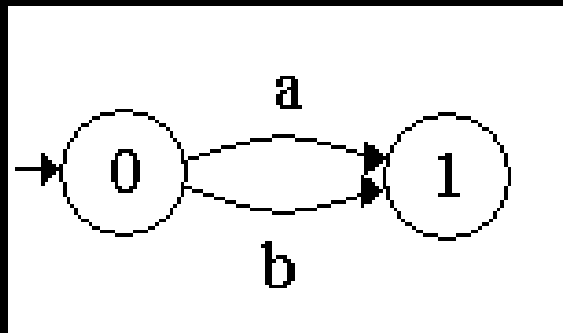
Algoritmo de transformação de um AF em uma ER proposto em Silva (2006)



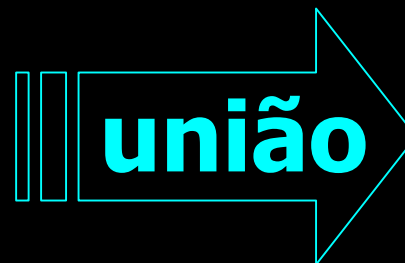
	(LE)	(X)	(ER)	(Y)	
	F	1	a	2	
	F	2	b	2	
	F	2	a	3	
	F	2	b	3	
	F	0	ε	1	
	F	3	ε	4	

Modelo de tabela para efetuar a transformação de um AF em ER

União

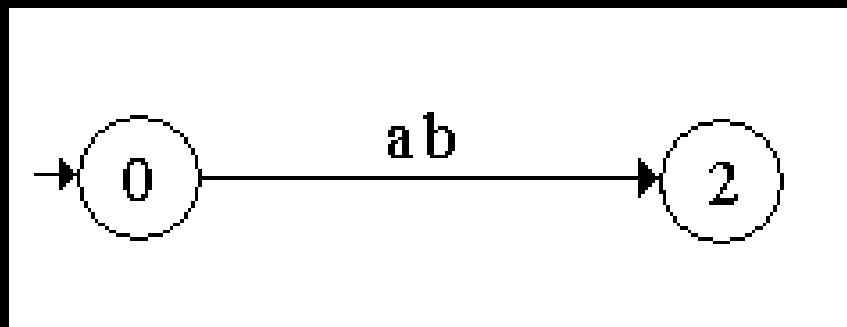
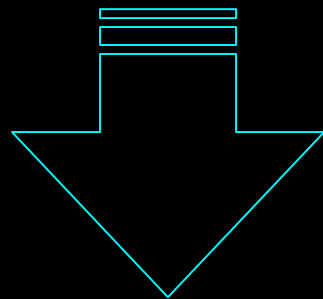
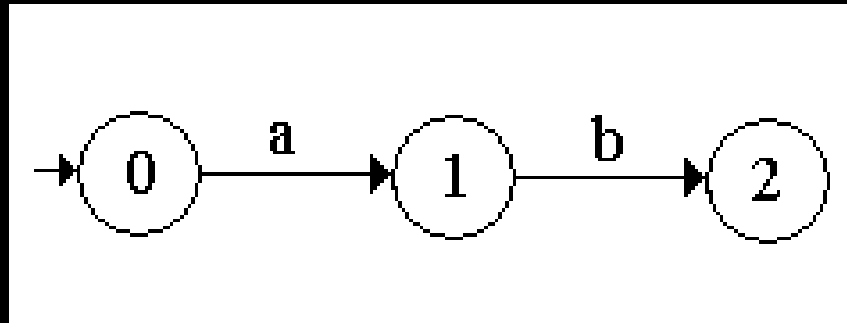


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
F	0	a	1
F	0	b	1

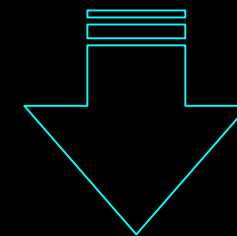


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
T	0	a	1
T	0	b	1
F	0	(a b)	1

Concatenação

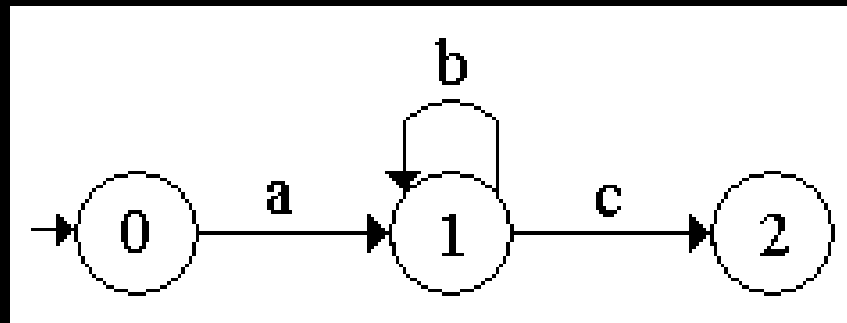


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
F	0	a	1
F	1	b	2

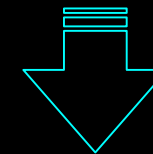
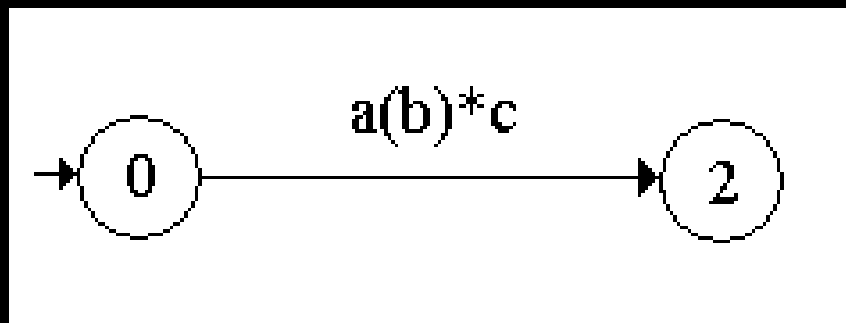
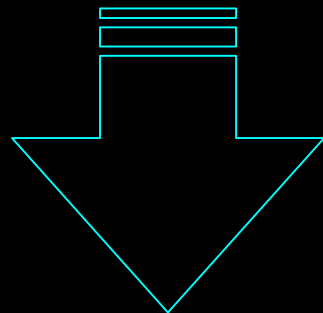


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
T	0	a	1
T	1	b	2
F	0	ab	2

Fechamento

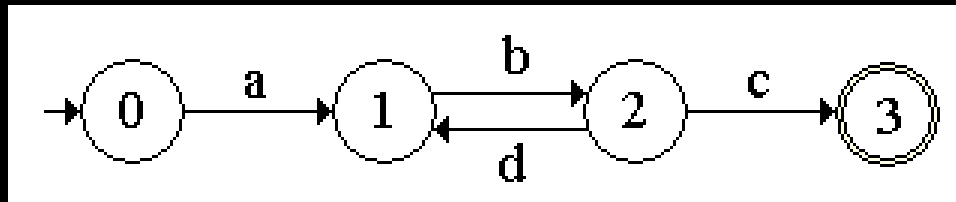


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
F	0	a	1
F	1	b	1
F	1	c	2

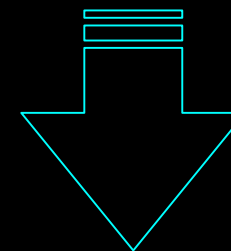
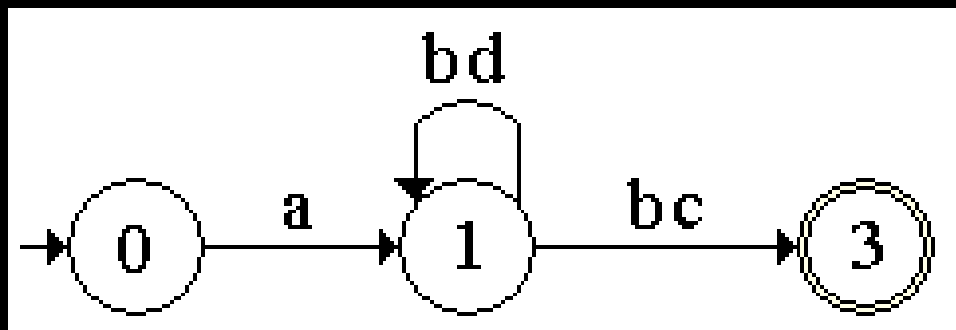
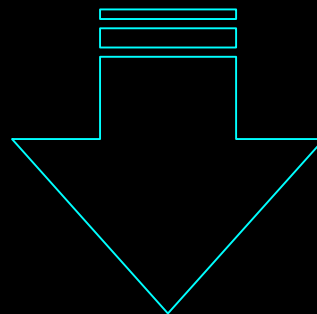


(LE)	(X)	(ER)	(Y)
T	0	a	1
T	1	b	1
T	1	c	2
F	0	a(b)*c	2

Desdobramento



(LE)	(X)	(ER)	(Y)
F	0	a	1
F	1	b	2
F	2	c	3
F	2	d	1



$N1 = 1b$

(LE)	(X)	(ER)	(Y)	
F	0	a	1	
T	1	b	2	A
F	1	bc	3	B
F	1	bd	1	B

Operacionalidade

- **Tabela de Transição**
- **Expressão Regular**

Tabela de Transição

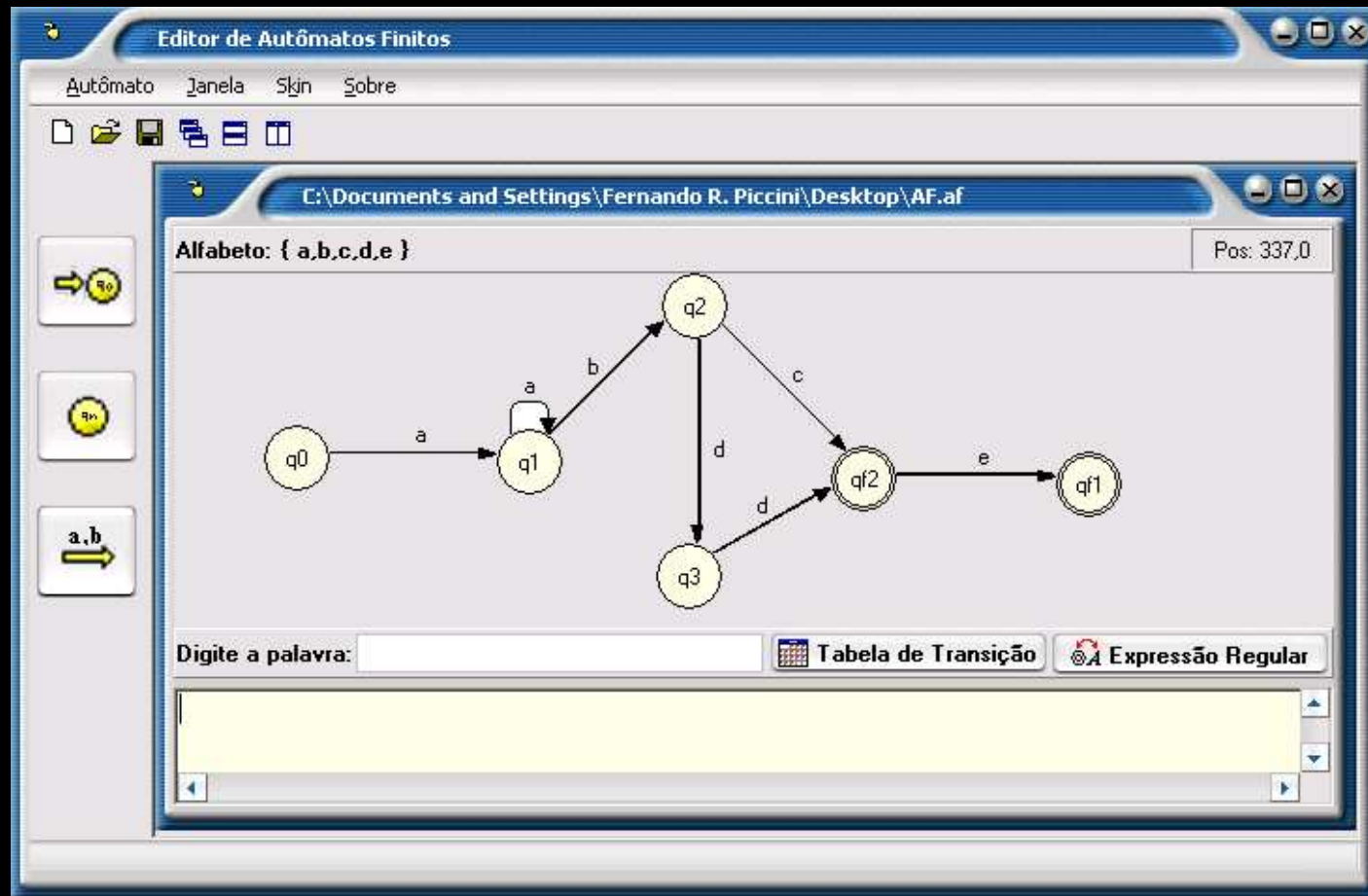


Tabela de Transição

	a	b	c	d	e
-> q0	q1	-	-	-	-
q1	q1	q2	-	-	-
q2	-	-	qf2	q3	-
q3	-	-	-	qf2	-
* qf1	-	-	-	-	-
* qf2	-	-	-	-	qf1

OK

Tabela de Transição

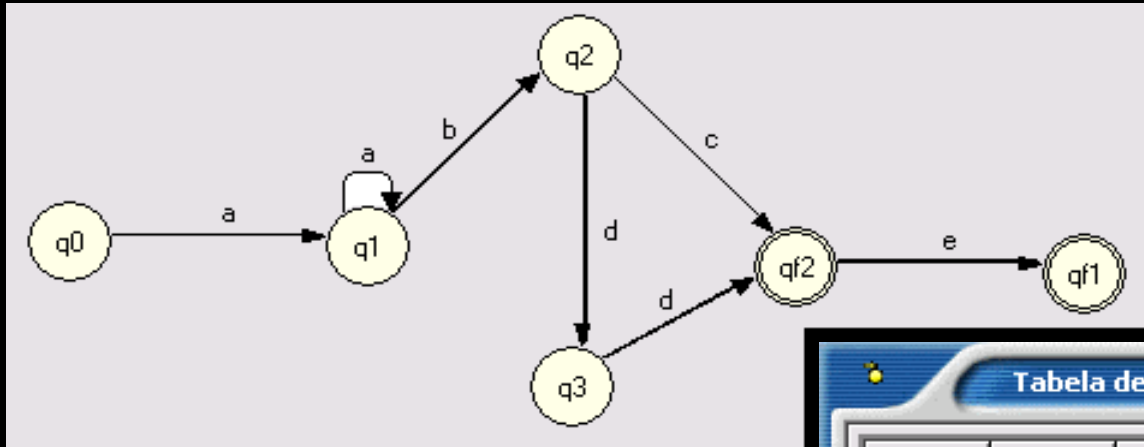
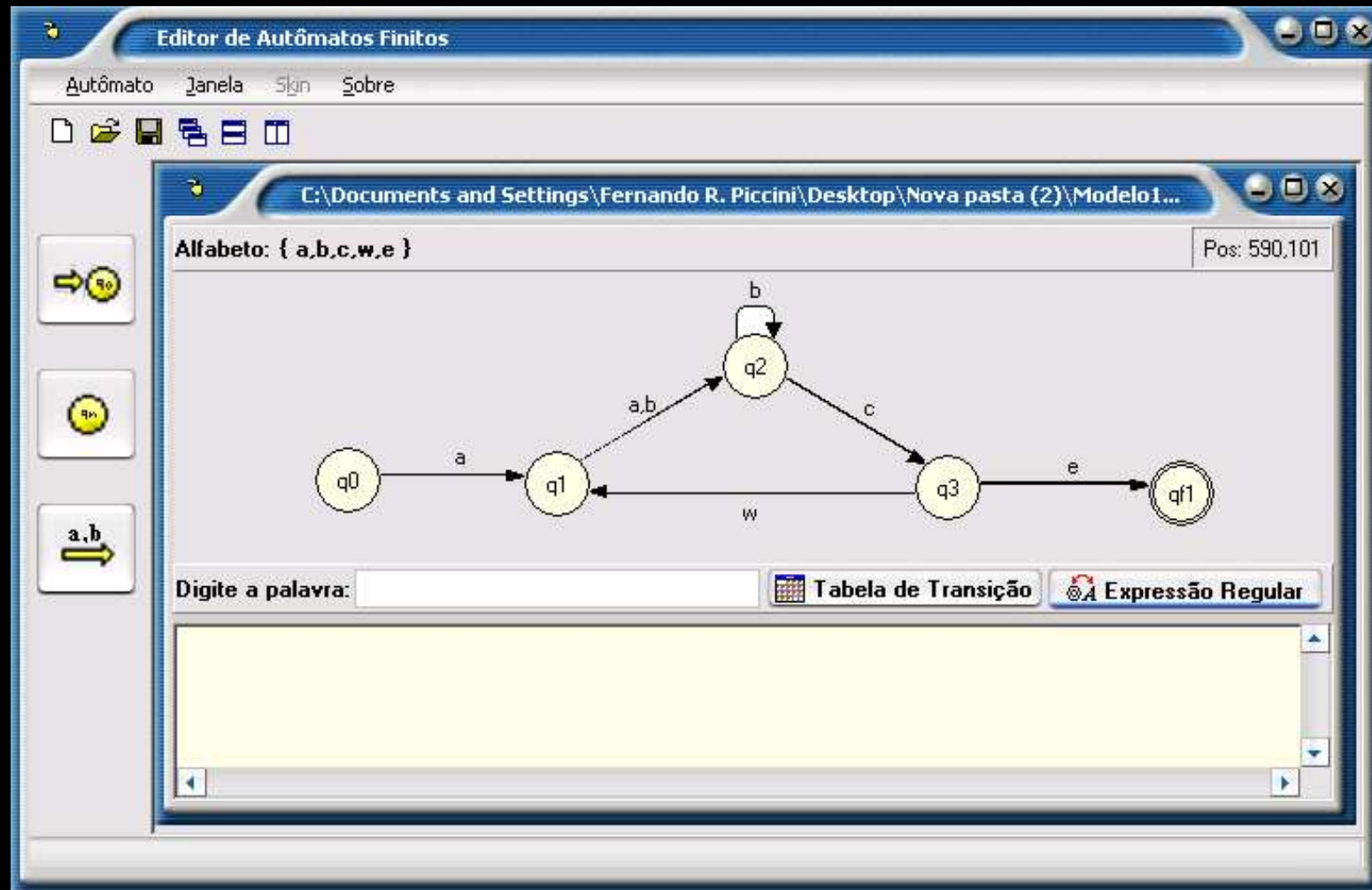


Tabela de Transição

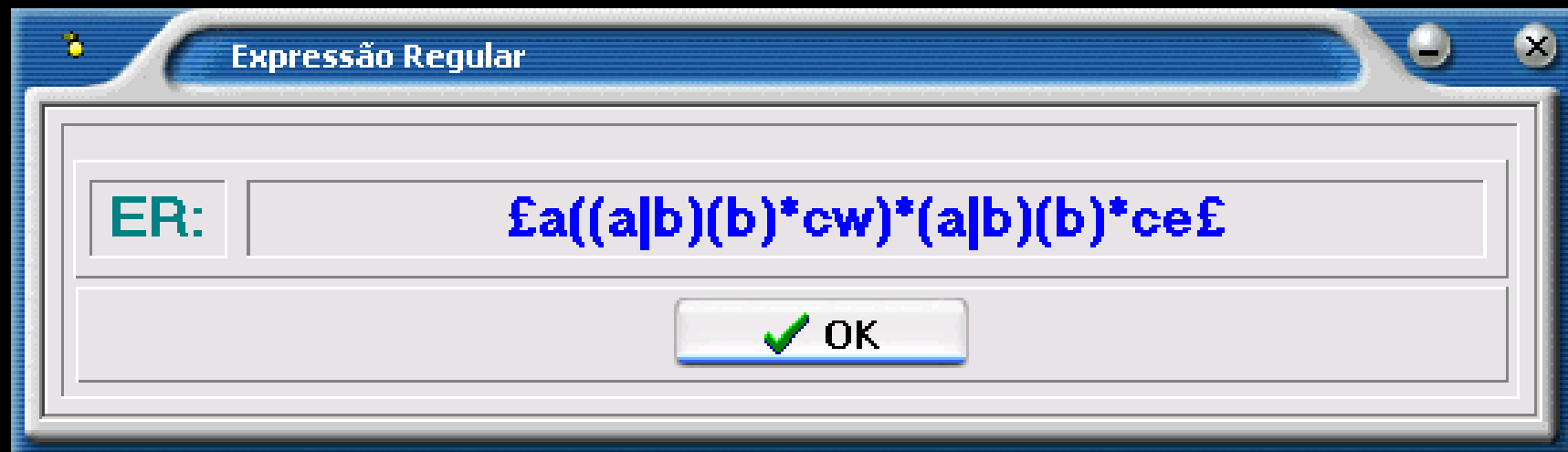
	a	b	c	d	e
-> q0	q1	-	-	-	-
q1	q1	q2	-	-	-
q2	-	-	qf2	q3	-
q3	-	-	-	qf2	-
* qf1	-	-	-	-	-
* qf2	-	-	-	-	qf1

OK

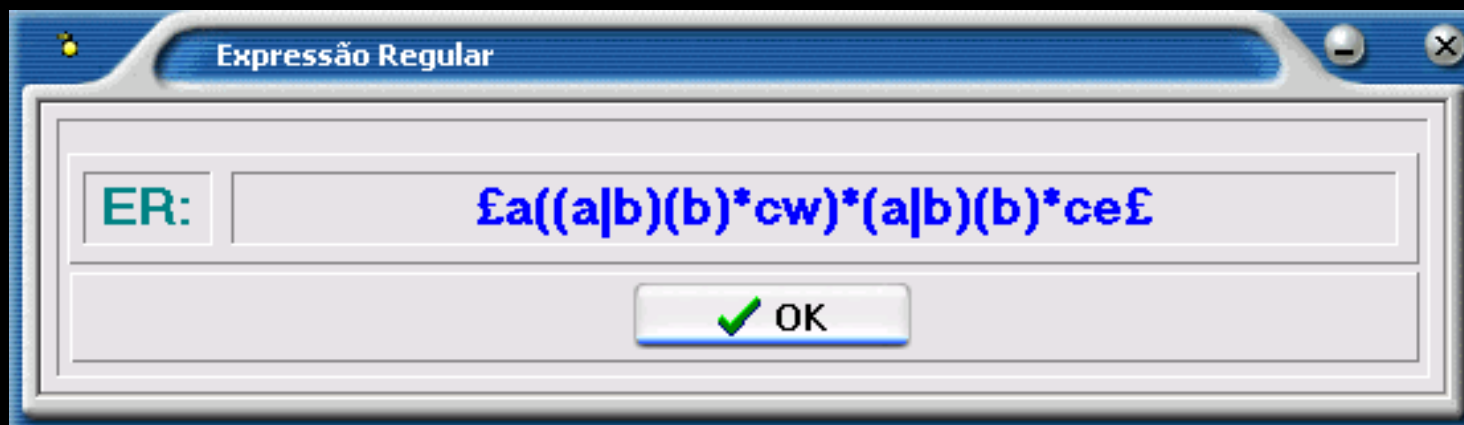
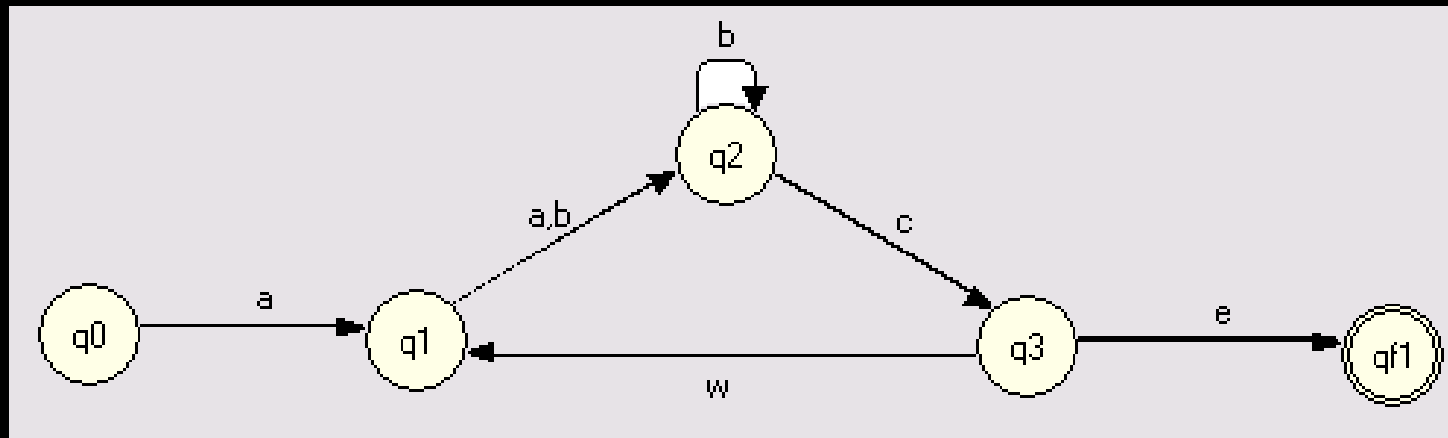
Expressão Regular



Expressão Regular



Expressão Regular



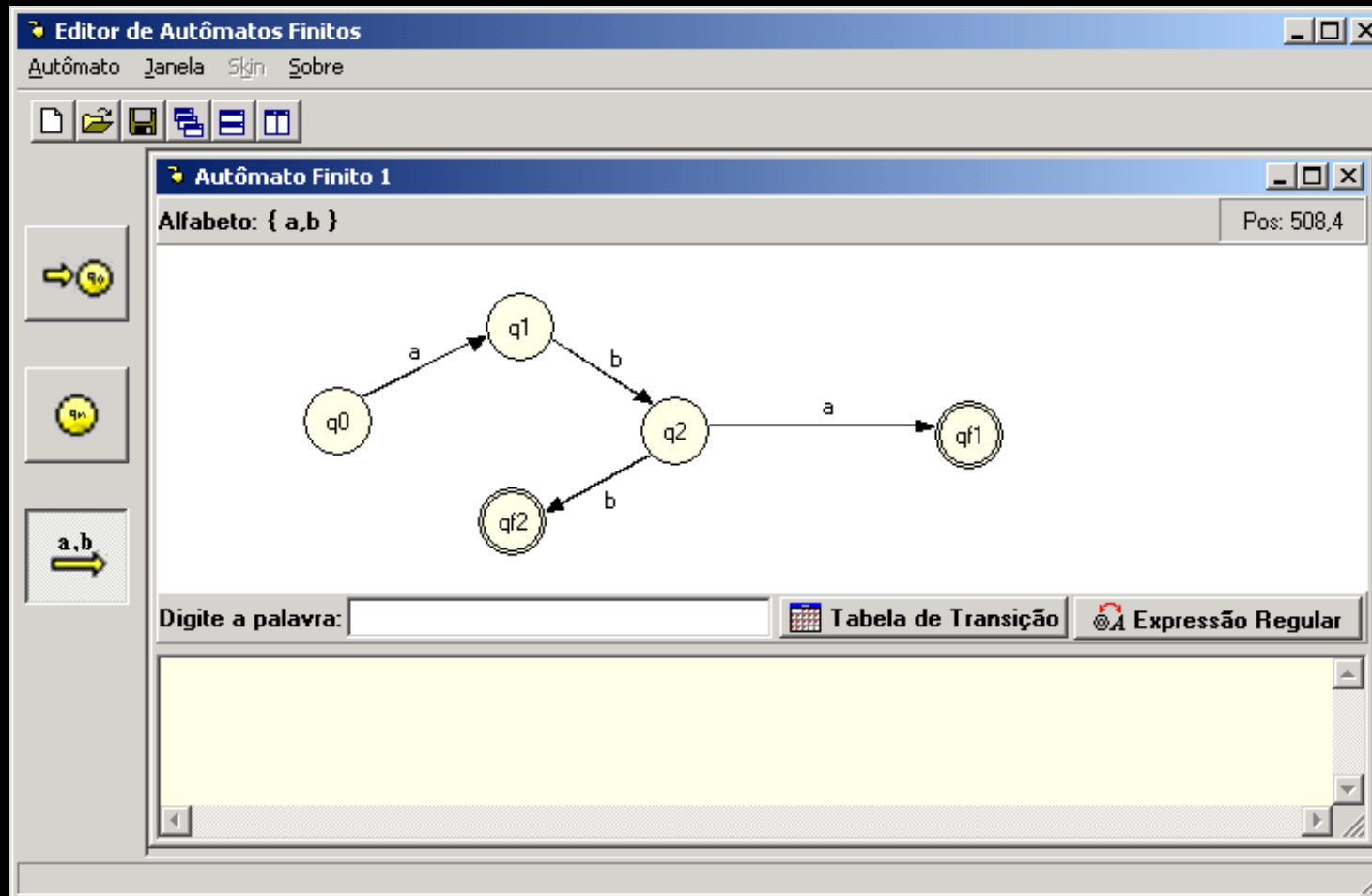
Resultados e Discussão

➤ RxLib (Interface):

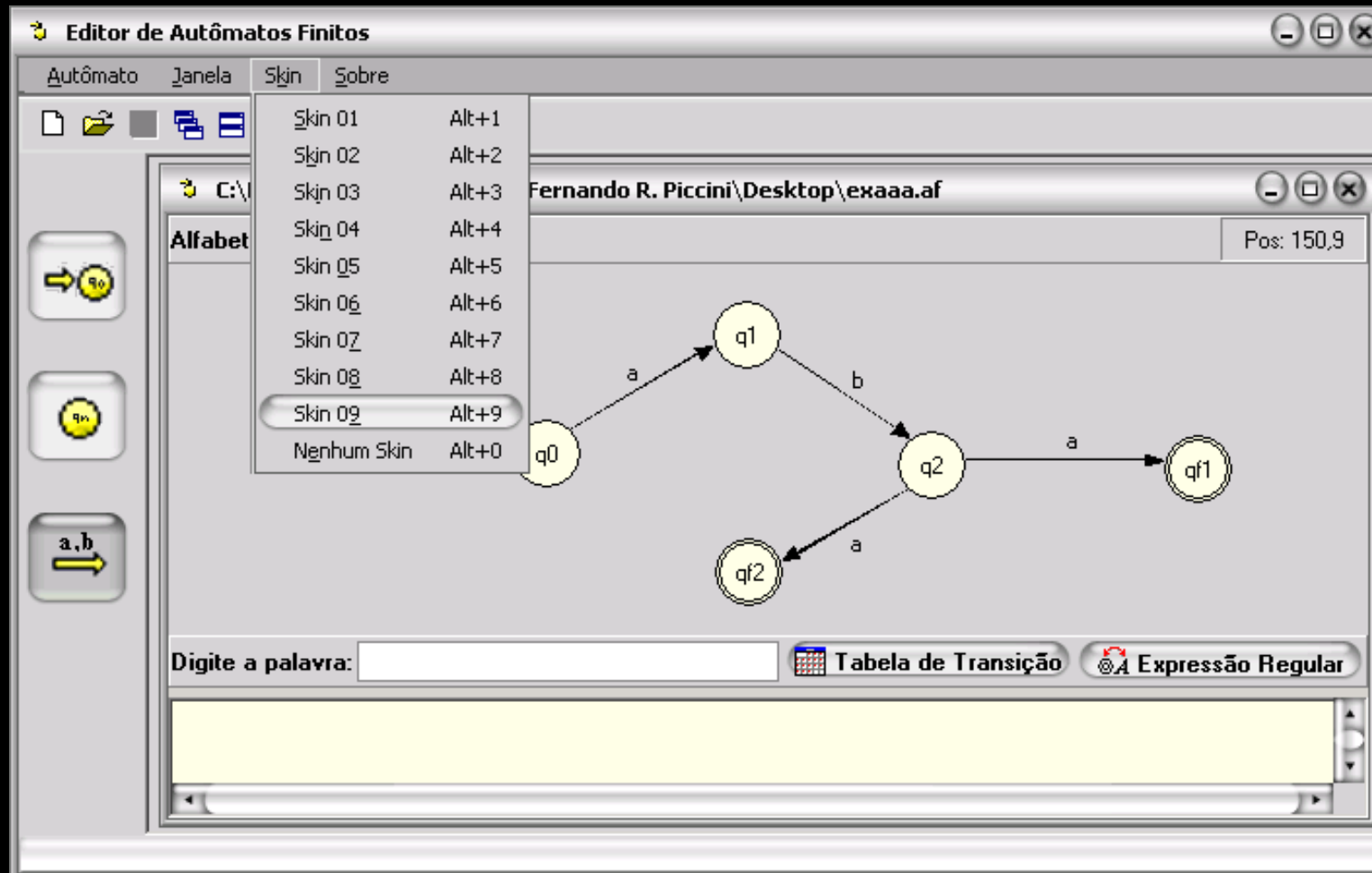
- cores
- padrões
- formatos

➤ Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER

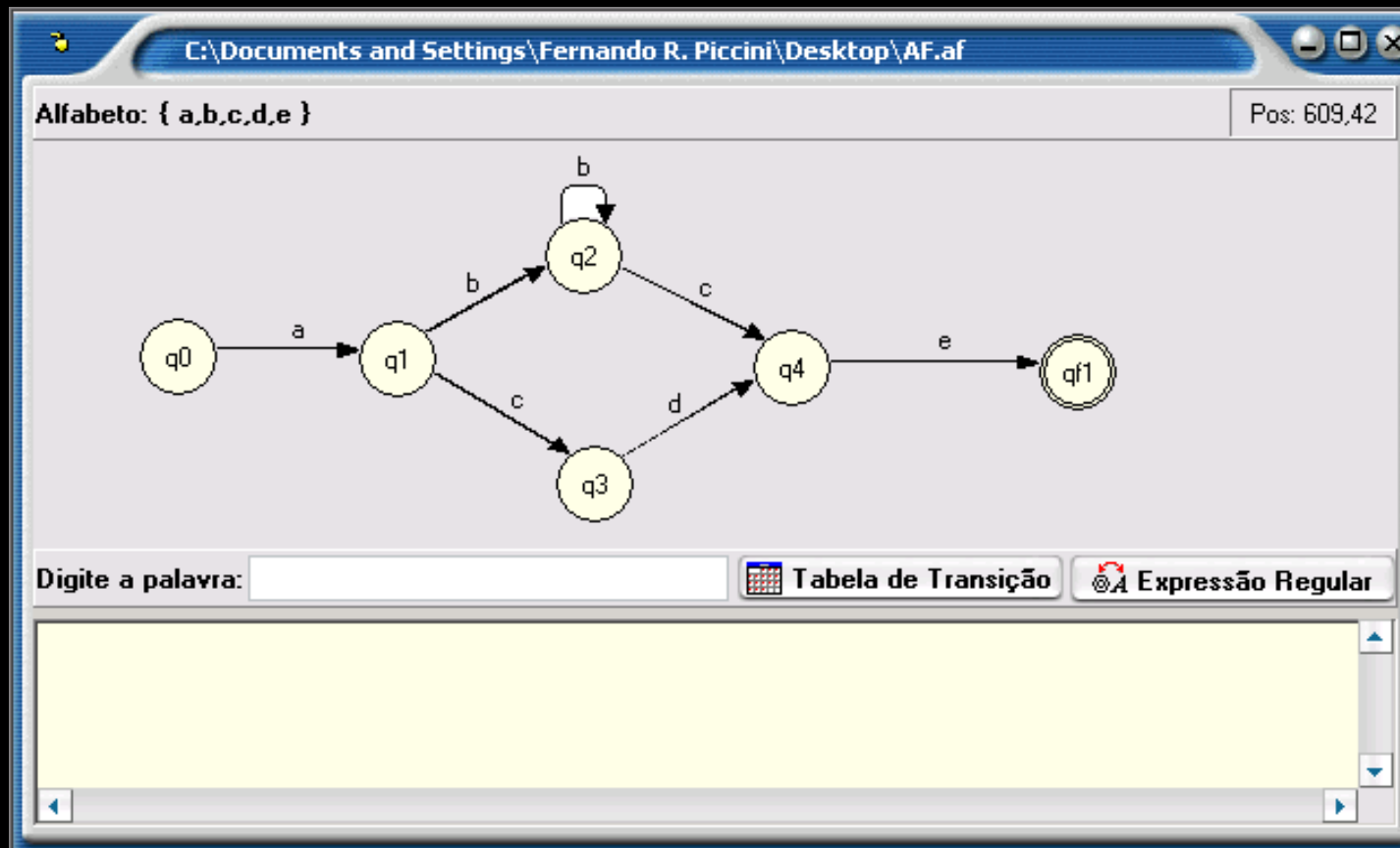
Interface antes da utilização da biblioteca RxLib



Interface após a utilização da biblioteca RxLib

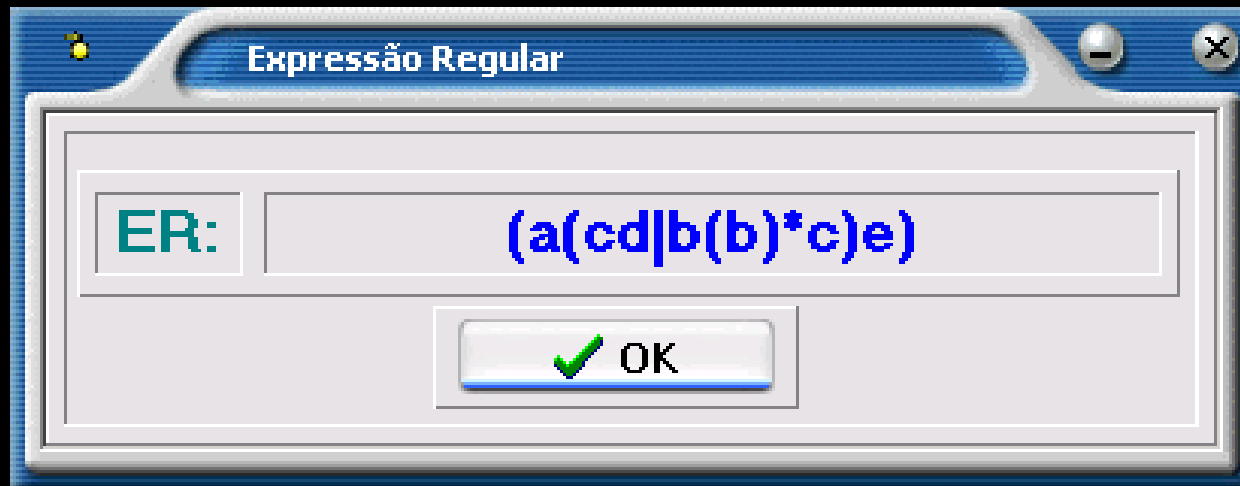


Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER



AF₁ submetido para apresentação de uma expressão regular no EAF

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER



ER_1 equivalente ao AF_1

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER

Protótipo do Algoritmo de SIL2000

Alfabeto:

Expressão Regular:

Expressão Pós-Fixada:

Grafo de Transições:

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	2	e	8
2	1	a	3
3	4	c	2
4	3	b	5

Estado Inicial: Estado Final:

Tabela do "Desmonte"

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	1	&	8
2	1	&	2
3	2	e	8
4	1	a	3
5	3		2

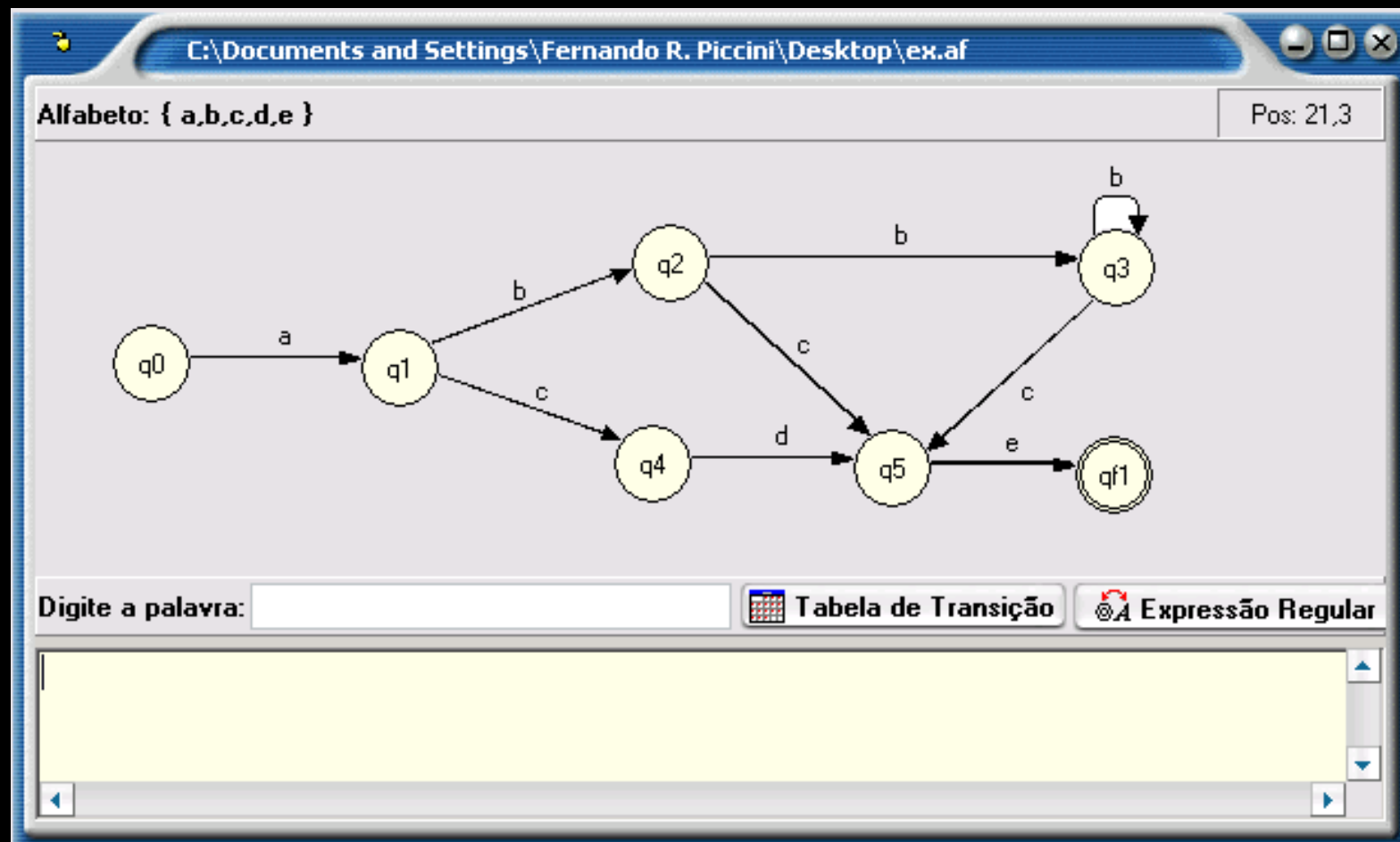
Autômato Finito Determinístico:

Estados:	a	c	d
5	0	0	5
6	0	0	0
7 (Final)	0	0	0

Estado Inicial: Estados Finais:

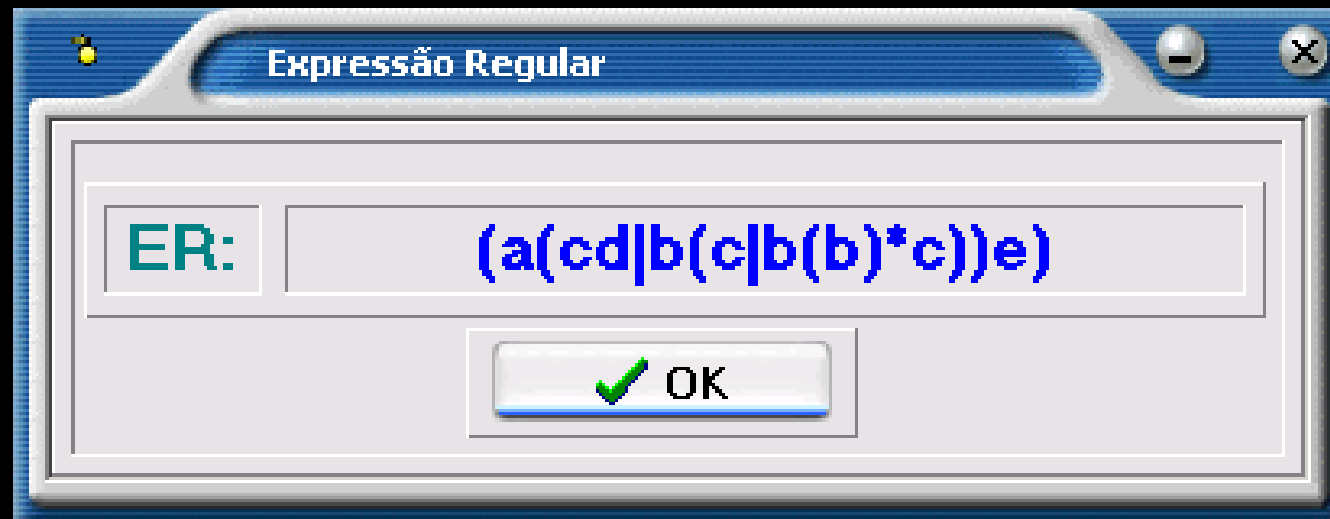
ER₁ submetida há geração do AF₂ na ferramenta de Glatz (2000)

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER



Apresentação do AF₂ gerado a partir da ER₁ "(a(cd | b(b)*c)e)"

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER



ER_2 equivalente ao AF_2 apresentado

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER

Protótipo do Algoritmo de SIL2000

Alfabeto: a,b,c,d,e

Expressão Regular: **(a(cd|b(c|b(b)*c))e)**

Expressão Pós-Fixada: acd&bb*&c&|&e&

Processa Expressão Regular

Visualizar Função Pascal

Salvar AFD

Grafo de Transições:

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	2	e	8
2	1	a	3
3	4	c	2
4	3	b	5

Estado Inicial: 1 Estado Final: 8

Tabela do "Desmonte"

Transições:	Saída:	Simbolo:	Chegada:
1	1	&	8
2	1	&	2
3	2	e	8
4	1	a	3
5	3		2

Autômato Finito Determinístico:

Estados:	a	c	d
5	0	0	5
6	0	0	0
7 (Final)	0	0	0

Estado Inicial: 1 Estados Finais: {7}

ER₂ submetida há geração do AF₃ na ferramenta de Glatz (2000)

Validação do Algoritmo de Transformação de um AF para uma ER

Equivalência de Autômatos Finitos (MOORE)

Primeiro AFD: Segundo AFD:

Abrir AFD

Alfabeto: a,bcde

Expressão Regular: (a(cd|b(b)*c)e)

Algoritmo: DESMONTE

Information

Os AFDs são equivalentes !

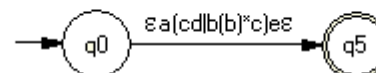
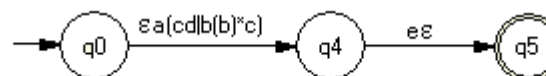
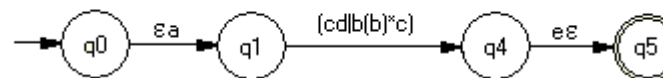
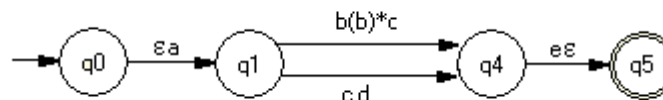
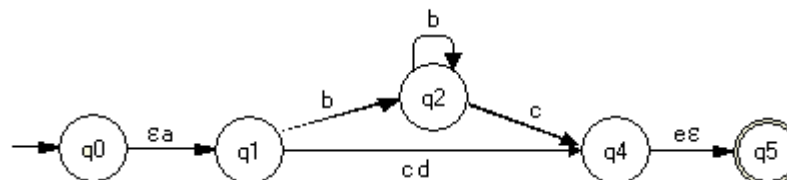
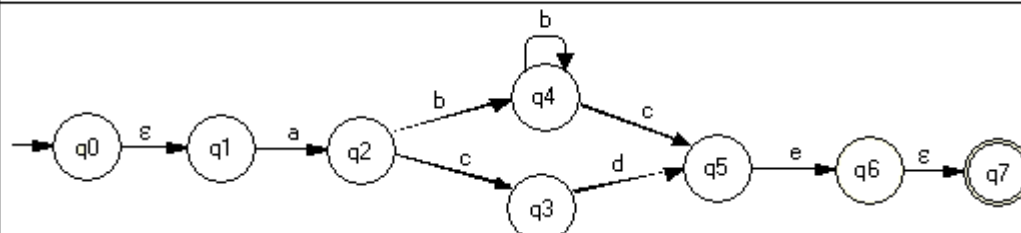
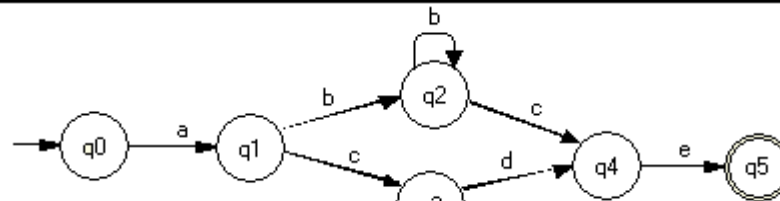
OK

Processar

	a	.
[1,1]	[2,2]	[0,0]
[2,2]	[0,0]	[0,0]
[3,3]	[0,0]	[0,0]
[4,4]	[0,0]	[0,0]
[5,5]	[0,0]	[0,0]
[6,6]	[0,0]	[0,0]

Validação do AF₂ e AF₃ através da equivalência de Moore

Processo de Transformação AF para ER



$(\epsilon a(c d | b(b)^* c) \epsilon \epsilon)$

Conclusão

- **Foram atingidos os objetivos propostos:**
 - **permitir abrir e salvar a estrutura (grafo) de um AF em arquivo;**
 - **apresentar tabela de transição correspondente a um AF especificado na tela de edição do EAF;**
 - **adicionar biblioteca RxLib;**
 - **validar o algoritmo de transformação através de exemplos de AFs editados na ferramenta.**
- **Observa-se que os componentes TDesenha e TDesenhaLinha não foram desenvolvidos nesse trabalho, porém o código fonte destes encontra-se disponível junto a aplicação.**

Extensões

- **aplicar algoritmos de minimização em AFDs;**
- **implementar algoritmo para minimizar a expressão regular, gerada pelo algoritmo proposto em Silva (2006);**
- **identificar os estados que geram o não-determinismo;**
- **determinar a complexidade do algoritmo proposto por Silva (2006);**
- **comparar o algoritmo proposto por Silva (2006) com outro algoritmo, objetivando verificar qual deles é mais eficiente.**